Министерство образования и науки Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Оренбургский государственный университет»

Кафедра автоматизированного электропривода, электромеханики и электротехники

А.Т. Раимова, Н. Г. Семенова, И. К. Еремеев

# ИЗМЕРЕНИЕ АКТИВНОЙ И РЕАКТИВНОЙ МОЩНОСТЕЙ, ПОТРЕБЛЯЕМЫМИ НИЗКОВОЛЬТНЫМИ ЭЛЕКТРОПРИЕМНИКАМИ В ТРЕХФАЗНОЙ ЭЛЕКТРИЧЕСКОЙ СЕТИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

Методические указания

Рекомендовано к изданию редакционно-издательским советом федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования «Оренбургский государственный университет» для обучающихся по образовательной программе высшего образования по направлению подготовки 08.03.01 Строительство

ББК 31.29-5я73 УДК 621.311(075.8) Р 18

Рецензент – доцент, кандидат технических наук Л. В. Быковская

### Раимова А. Т.

Р 18 Измерение активной и реактивной мощностей, потребляемыми низковольтными электроприемниками в трехфазной электрической сети переменного тока: методические указания / А. Т. Раимова, Н. Г. Семенова, И. К. Еремеев; Оренбургский гос. ун-т. — Оренбург: ОГУ, 2018. — 15 с.

Методические указания являются основным учебным руководством при выполнении лабораторных работ по курсу «Электроснабжение с основами электротехники» обучающимися по направлению подготовки 08.03.01 Строительство, очной и заочной форм обучения.

ББК 31.29-5я73 УДК 621.311(075.8)

© Раимова А.Т., Семенова Н. Г., Еремеев И. К., 2018

© ОГУ, 2018

# Содержание

1 Теоретическое в	введение.		•••••	•••••	•••••	•••••	4
2 Лабораторная	работа.	Измерение	активной	И	реактин	вной	мощностей
потребляемых	низковол	іьтными э	лектроприе	мни	ками	В	трехфазной
электрической сет	ги переме	нного тока	•••••	•••••		•••••	<i>6</i>
2.1 Описание ла	бораторн	ой установки	I	•••••	•••••	•••••	<i>6</i>
2.2 Подготовка	к работе			•••••		•••••	
2.3 Выполнение	а лаборато	рной работы	[ <b></b>	•••••		•••••	
2.4 Содержание	отчета		•••••	•••••		•••••	13
3 Контрольные во	просы дл	я самопровер	оки			•••••	14
Список использов	ванных ис	точников					15

### 1 Теоретическое введение

В трехфазной электрической сети (ТФЭС) различают три вида мощности: активная мощность P, реактивная мощность Q и полная мощность S.

Активной мощностью ТФЦ называется сумма активных мощностей всех фаз источников электрической энергии или всех фаз приемника. Активная мощность любой из фаз источника определяются как:

$$P_{\sigma} = U_{\sigma} I_{\sigma} \cos \varphi_{\sigma} \,, \tag{1}$$

где  $U_{\Phi}$  – действующее значение фазного напряжения, B;

 $I_{\Phi}$  – действующее значение фазного тока, A;

 $\varphi$  – угол сдвига фаз между фазным напряжением  $\dot{U}_{\varphi}$  и фазным током  $\dot{I}_{\varphi}$  .

В электрических сетях трехфазного синусоидального тока различают симметричный и несимметричный режимы работы.

Активная мощность ТФЦ определяется при:

- симметричном режиме работы независимо от соединения приемников:

$$P = 3 \cdot P_{\phi} = 3 \cdot U_{\phi} \cdot I_{\phi} \cdot \cos \varphi_{\phi} = \sqrt{3} \cdot U_{\pi} \cdot I_{\pi} \cdot \cos \varphi_{\phi}. \tag{2}$$

- несимметричном режиме работы:
  - соединение приемников звездой:

$$P = P_A + P_B + P_C + P_0 , (3)$$

где  $P_0$  – активная мощность, выделяемая в сопротивлении, включенном в нулевом проводе:

$$P_0 = U_{00} \cdot I_N \cdot \cos \varphi_N = R_N \cdot I_N^2. \tag{4}$$

- соединение приемников треугольником:

$$P = P_{ab} + P_{bc} + P_{ca} . {5}$$

Реактивной мощностью ТФЦ называется сумма реактивных мощностей всех фаз источников электрической энергии или всех фаз приемника. Реактивная мощность любой из фаз источника определяются как:

$$Q_{\phi} = U_{\phi} I_{\phi} \sin \varphi_{\phi} \,, \tag{6}$$

Реактивная мощность ТФЦ определяется при:

- симметричном режиме работы независимо от соединения приемников:

$$Q = 3 \cdot Q_{\phi} = 3 \cdot U_{\phi} \cdot I_{\phi} \cdot \sin \varphi_{\phi} = \sqrt{3} \cdot U_{\pi} \cdot I_{\pi} \cdot \sin \varphi_{\phi}. \tag{7}$$

- несимметричном режиме работы:

- соединение приемников звездой:

$$Q = Q_A + Q_B + Q_C + Q_0 , (8)$$

где  $Q_0$  – реактивная мощность в нулевом проводе:

$$Q_0 = U_{00'} \cdot I_N \cdot \sin \varphi_N = X_N \cdot I_N^2, \tag{9}$$

- соединение приемников треугольником:

$$Q = Q_{ab} + Q_{bc} + Q_{ca} {.} {(10)}$$

Комплексом полной мощности ТФЭС называется сумма комплексных значений полных мощностей всех фаз источников или всех фаз приемника электроэнергии.

Комплекс полной мощности любой из фаз приемника определяется как:

$$\dot{S}_{\Phi} = \dot{U}_{\Phi} \cdot \bar{I}_{\phi} = S \cdot e^{\pm j\varphi}, \qquad (11)$$

$$\dot{S}_{\Phi} = P_{\Phi} + jQ_{\phi},$$

где  $\dot{U}_{\phi}$  – комплекс фазного напряжения, B;

 $\overline{I}_{\phi}$  – комплексно-сопряженный фазный ток, А;

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2} - \text{полная мощность.}$$

Комплекс полной мощности  $T\Phi \ni C$  определяется при:

- симметричном режиме работы независимо от соединения приемников:

$$\dot{S} = 3 \cdot \dot{S}_{\Phi} = 3 \cdot \dot{U}_{\phi} \cdot \bar{I}_{\phi} = \sqrt{3} \cdot \dot{U}_{\mathcal{I}} \cdot \bar{I}_{\mathcal{I}}$$
 или 
$$\dot{S} = \dot{Z}_{\mu} \cdot I^{2}. \tag{12}$$

- несимметричный режиме работы:
  - соединение приемников звездой:

$$\dot{S} = \dot{S}_A + \dot{S}_B + \dot{S}_C + \dot{S}_0 \,, \tag{13}$$

где  $S_0$  – комплекс полной мощности в нулевом проводе.

- соединение приемников треугольником:

$$\dot{S} = \dot{S}_{ab} + \dot{S}_{bc} + \dot{S}_{ca} \tag{14}$$

# 2 Лабораторная работа. Измерение активной и реактивной мощностей, потребляемых низковольтными электроприемниками в трехфазной электрической сети переменного тока

*Цель работы:* Изучить прямые и косвенные методы измерения активной и реактивной мощностей, потребляемые низковольтными электроприемниками  $(Э\Pi)$  в  $T\Phi ЭС$ .

Для измерения потребляемой мощности обычно используются *прямые методы* измерения, т.е. мощность измеряется с помощью ваттметра. Но часто имеют место и *косвенные методы* измерения.

В этом случае для измерения потребляемой мощности применяются амперметр, вольтметр и фазометр.

### 2.1 Описание лабораторной установки

Элементы ЭЦ и измерительные приборы, используемые в лабораторной работе, размещены на лицевой панели универсального стенда.

В качестве источника электрической энергии используется трехфазная сеть переменного тока, к которой подключены первичные обмотки трехфазного понижающего трансформатора.

На лицевую панель стенда выведены клеммы фаз «A», «B», «C» вторичных обмоток этого трансформатора.

В качестве приемников электроэнергии используются:

- набор катушек индуктивностей  $L_1 L_4$ ;
- магазин емкостей  $C_1 C_2$ ;
- проволочные резисторы  $R_1 R_3$ .

Для измерения токов служат миллиамперметры М 42300.

Для измерения напряжения используется цифровой мультиметр ВР-11А.

Для измерения активной и реактивной мощности используются ваттметры электродинамической системы Д539 и Д5004.

### 2.2 Подготовка к работе

- 2.2.1 Повторить разделы курса «Электроснабжение с основами электротехники».
- 2.2.2 Подготовить бланк отчета по лабораторной работе, содержащую схемы испытаний, таблицы для записи результатов измерений и расчетов, расчетные формулы.
  - 2.2.3 Ознакомиться с приборами, записать данные приборов в отчет.
  - 2.2.4 Ответить на контрольные вопросы.

### 2.3 Выполнение лабораторной работы

2.3.1 Измерение потребления активной мощности в четырехпроводной ТФЦ при чисто активной нагрузке прямым и косвенным методами.

Опыт 1. Симметричный режим работы ЭЦ.

Рабочее задание опыта 1:

а) собрать ТФЦ в соответствии со схемой, приведенной на рисунке 1, обратив внимание на правильность включения зажимов токовой катушки и катушки напряжения ваттметра;

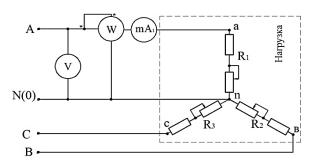


Рисунок 1 – Симметричная трехфазная четырехпроводная ЭЦ

- б) установить симметричную нагрузку трехфазного низковольтного ЭП;
- в) после проверки преподавателем подключить схему к источнику трехфазного напряжения;
  - г) определить потребляемую нагрузкой активную мощность:

- прямым методом, т.е. измерением ваттметром, включенным в одну из фаз  $T\Phi Э C$ :

$$P_{\Sigma} = 3 \cdot P_{w}$$
;

- косвенным методом, т.е. измерением напряжения и тока, используя мультиметр и миллиамперметр, включая их в одну из фаз ТФЭС, согласно рисунка 1, и дальнейшим расчетом активной мощности по формуле (1). Поскольку имеет место чисто активная нагрузка ( $\varphi=0^{\rm o}$ ), то формула (1) примет вид:

$$P_{\Phi} = U_{\Phi} \cdot I_{\Phi}, \tag{2}$$

тогда потребляемая активная мощность всей ТФЭС определится утроенным значением активной мощности фазы:

$$P_{\Sigma} = 3 \cdot P_{\Phi};$$

- д) результаты измерений и вычислений занести в таблицу 1;
- е) сравнить результаты, полученные прямыми и косвенными измерениями.

Таблица 1 – Результаты измерений и вычислений (опыт 1 и опыт 2)

		Показания измерительных приборов									Вычислено $P_{\Sigma}$	
Режим	Ваттметр,			Вольтметр, Миллиамперметр,			, Метод		β,			
работы		BT B mA					%					
ЭЦ	$P_{\rm a}$	$P_{b}$	$P_{\rm c}$	$U_{\mathrm{a}}$	$U_{ m b}$	$U_{\mathrm{c}}$	$I_{\rm a}$	$I_{\mathrm{b}}$	$I_{\rm c}$	Прямой	Косвенный	
Симметричный												
Несимметричный												

Опыт 2.  $Hecummempuчный режим работы <math>T\Phi \ni C$ 

Схема включения измерительных приборов в четырехпроводную ТФЭС показана на рисунке 2.

Рабочее задание опыта 2:

- а) установить несимметричную нагрузку трехфазного низковольтного ЭП;
  - б) измерить потребляемую нагрузкой активную мощность:
  - прямым методом (тремя ваттметрами, включенными в каждую фазу ТФЭС или одним ваттметром, последовательно включаемым в каждую фазу ТФЭС);

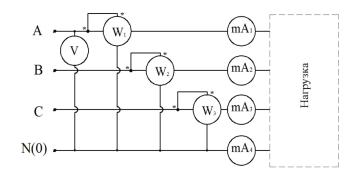


Рисунок 2 – Схема включения измерительных приборов в ТФЭС

- косвенным методом (используя амперметры  $mA_1$ – $mA_3$ , включенными в каждую фазу ТФЭС, и вольтметр, включенным между линейным и нулевым проводами);
- в) определить потребляемую активную мощность в каждой фазе при чисто активной нагрузке косвенным методом, используя уравнение (2).
- г) определить потребляемую активную мощность всей ТФЭС, как сумму активных мощностей всех трех фаз:
  - прямой метод:

$$P_{\Sigma} = P_{\text{w1}} + P_{\text{w2}} + P_{\text{w3}}$$
,

где  $P_{\rm w1}, P_{\rm w2}$  ,  $P_{\rm w3}$  – показания ваттметров;

- косвенный метод:

$$P_{\Sigma} = U_{\mathbf{a}} \cdot I_{\mathbf{a}} + U_{\mathbf{b}} \cdot I_{\mathbf{b}} + U_{\mathbf{c}} \cdot I_{\mathbf{c}} .$$

- д) результаты измерений и вычислений прямым и косвенным методами занести в таблицу 1.
- e) сравнить результаты, полученные прямыми и косвенными измерениями.
- 2.3.2 Измерение потребления активной мощности в трехпроводной ТФЭС при активной нагрузке прямым и косвенным методами

Опыт 3. Симметричный режим работы ТФЭС.

Рабочее задание опыта 3:

а) собрать трехпроводную ТФЭС в соответствии со схемой, приведенной на рисунке 3;

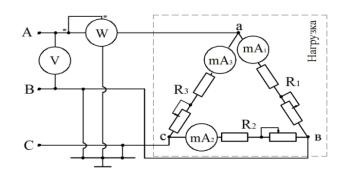


Рисунок 3 – Симметричная трех проводная ТФЭС

- б) установить симметричную нагрузку трехфазного низковольтного ЭП, соединенного треугольником (в симметричной трехпроводной ТФЭС используется искусственная нулевая точка, как показано на рисунке 3);
- в) после проверки преподавателем подключить ее к источнику трехфазного напряжения;
  - г) измерить потребляемую нагрузкой активную мощность:
  - прямым методом (ваттметром, включенным, как показано на рисунке 3, в одну из фаз трехпроводной ТФЭС);
  - косвенным методом (мультиметром и миллиамперметром, как показано на рисунке 3).
- д) при симметричной чисто активной нагрузке, как и в предыдущих опытах, достаточно произвести измерения только для одной фазы и определить потребляемую этой фазой:
  - активную мощность:  $P_{\rm aB} = U_{\rm aB} \cdot I_{\rm aB}$ ;
  - суммарную активную мощность, потребляемую всей ТФЭС:  $P_{\Sigma} = 3 \cdot P_{\rm as}$ ;
  - е) результаты измерений и вычислений занести в таблицу 2.

Таблица 2 – Результаты измерений и вычислений (Опыт 3)

	Показан	ия измерител	Вычисл			
Режим	Ваттметр	Ваттметр Вольтметр Миллиамперметр		Метод		$\beta$ , %
работы ЭЦ	$P_{\mathrm{ab}},\mathrm{Br}$ $U_{\mathrm{ab}},\mathrm{B}$ $I_{\mathrm{ab}},\mathrm{mA}$		I <sub>ab</sub> , мА	Прямой	Ірямой Косвенный	
Симметричный						

ж) сравнить результаты прямых и косвенных измерений.

### Опыт 4. Несимметричный режим работы $T\Phi \supset C$ .

Рабочее задание опыта 4:

- а) установить несимметричную нагрузку ТФЭС;
- б) измерить потребляемую нагрузкой активную мощность:
- *прямой метод измерения*: активная мощность, потребляемая в ТФЭС при несимметричной нагрузке, может определяться с помощью двух ваттметров, включаемых в ТФЭС по одной из схем, приведенных на рисунке 4, с последующим суммированием показаний этих ваттметров (схема Арона).

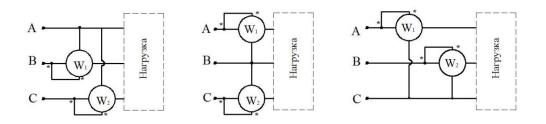


Рисунок 4 – Измерение активной мощности методом двух ваттметров

Результаты измерений занести в таблицу 3.

Tr ~ 2	D	U	U / 1\
Таблина 3 -	– Резупьтаты	измерений и вычис	епении (опыт 4).
т иолици э	I Coysibiaibi	Homepellill H bbi III	STOTIFIE (OTIDIT 1)

		Показ	ания	измери	ительн	ых при	боров	3	$P_{\Sigma}$ Вычислено $P_{\Sigma}$ Р, Метод		
Измерительная схема		метр, Вт	В	ольтме В	тр,	Милли	ампер мА	метр,			β, %
	$P_1$	$P_2$	$U_{ m ab}$	$U_{ m bc}$	$U_{ m ca}$	$I_{ab}$	$I_{\mathrm{bc}}$	$I_{\mathrm{ca}}$	Прямой	Косвен- ный	
Общий узел – фаза А											
Общий узел – фаза В											
Общий узел – фаза С											

- косвенный метод измерения: как и в предыдущих опытах при использовании данного метода для измерения фазных токов используют миллиамперметры  $mA_1 mA_3$ , включенные в фазные провода ТФЭС, а мультиметр используют для измеряемый линейного напряжения ТФЭС:
  - потребляемая активная мощность в каждой фазе при активной нагрузке определяется как:

$$P_{\Phi} = U_{\Phi} \cdot I_{\Phi} = U_{\pi} \cdot I_{\Phi};$$

- потребляемая активная мощность всей ТФЭС определяется как сумма мощностей всех трех фаз ЭП:

$$P_{\Sigma} = U_{aB} \cdot I_{aB} + U_{bc} \cdot I_{bc} + U_{ca} \cdot I_{ca} .$$

- результаты измерений и вычислений занести в таблицу 3.
- в) сравнить результаты измерений.
- 2.3.3 Измерение потребления реактивной мощности в трехпроводной ТФЭС при активно-реактивной нагрузке прямым методом

### Опыт 5. Измерение реактивной мощности двумя ваттметрами

В ТФЭС без нулевого провода реактивную мощность как при симметричной, так и при несимметричной нагрузке фаз можно измерить двумя ваттметрами, собрав схему Арона. Схема Арона обладает таким свойством, что, если показания ваттметров при нормальном отклонении их стрелок не складывать, а вычесть одно из другого, а полученную разность умножить на 3, то получится значение реактивной мощности ТФЭС.

При отклонении стрелки одного из приборов в противоположную сторону показания приборов нужно сложить.

### Рабочее задание Опыта 5:

- а) собрать трехпроводную ТФЭС с искусственной нулевой точкой в соответствии со схемой, приведенной на рисунке 5 (фазу для измерений указывает преподаватель);
- б) после проверки преподавателем схему подключить к источнику трехфазного напряжения;
  - в) установить симметричную нагрузку ТФЭС;
  - г) рассчитать потребляемую нагрузкой реактивную мощность;
  - д) результаты измерений и вычислений занесены в таблицу 4;

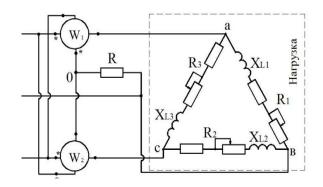


Рисунок 5 – Схема Арона для измерения реактивной мощности

Таблица 4 – Результаты измерений и вычислений (Опыт 5)

Измерительная схема	Показания в	ваттметра	Вычислено
	$P_1$ , BT	$P_2$ , BT	$Q_{\Sigma} = 3 \cdot (P_1 \pm P_2), B_{\mathrm{T}}$
Фаза А (В, С)			

## 2.4 Содержание отчета

- 2.4.1 Цель работы.
- 2.4.2 Схемы измерений.
- 2.4.3 Таблицы результатов измерений и вычислений.
- 2.4.4 Расчетные формулы.
- 2.4.5 Выводы по работе.

### 3 Контрольные вопросы для самопроверки

- 1. Дать определение мощности.
- 2. В каких единицах измеряются активная и реактивная мощности?
- 3. Дать определение трехфазной электрической сети.
- 4. Перечислить достоинства трехфазных электрических сетей.
- 5. В чем особенность трехфазного источника электрической энергии?
- 6. В чем заключается баланс мощностей в трехфазных электрических сетях синусоидального тока?
- 7. Нарисовать схему включения ваттметра для измерения активной мощности участка электрической сети.
  - 8. Какую мощность потребляют лампы осветительной сети?
- 9. Чему равна полная мощность электрической цепи при чисто активной нагрузке?
- 10. Какие виды мощности имеют место быть в трехфазных электрических сетях переменного тока?
- 11. Нарисовать схему для определения активной мощности, потребляемой в ТФЭС несимметричной нагрузкой методом двух ваттметров.
  - 12. Перечислить пути снижения потерь мощности в электрических сетях.
- 13. На что тратится реактивная мощность в электрических сетях переменного тока?
- 14. Как определить реактивную мощность, потребляемую трехфазной нагрузкой, с помощью ваттметров?
- 15. Записать формулу, по которой можно вычислить активную мощность в каждой фазе трехфазного приемника, при измерениях косвенным методом.
  - 16. В чем особенность схемы Арона?
- 17. Как снизить потери мощности при измерениях прямым и косвенным методами?
- 18. Изменится ли схема для измерения активной (реактивной) мощности в трехфазной электрической цепи, если чисто активную нагрузку заменить активно-реактивной?

### Список использованных источников

- 1 Правила устройства электроустановок. 7-е изд., испр. и доп. М. : Энергоатомиздат, 2015. 705 с.
- 2 Бессонов, Л. А. Теоретические основы электротехники. Электрические цепи : учебник для бакалавров / Л. А. Бессонов. 11-е изд., испр. и доп. М. : Юрайт, 2011. 704 с.
- 3 Анчарова, Т. В. Электроснабжение и электрооборудование зданий и сооружений : учебник / Т. В. Анчарова, М. А. Рашевская, Е. Д. Стебунова. М. : Форум: НИЦ Инфра-М, 2012. 416 с. Режим доступа: <a href="http://znanium.com/bookread2.php?book=326458">http://znanium.com/bookread2.php?book=326458</a>.
- 4 Метрология и электрические измерения: методические указания к лабораторным работам / А. Т. Раимова, О. Д. Юрк. Оренбург : ОГУ, 2011. 77 с.
- 5 Семенова, Н. Г. Исследование линейных электрических цепей [Электронный ресурс] : учебное пособие к лабораторному практикуму / Н. Г. Семенова, Н. Ю. Ушакова, Л. А. Семенова. Оренбург : ОГУ. 2014. 65 с.
- 6 Электротехнические устройства. Режим доступа : <a href="http://www.vsya-elektrotehnika.ru">http://www.vsya-elektrotehnika.ru</a>
- 7 Электротехнические устройства. Режим доступа : <a href="https://electric-220.ru/news/trekhfaznye\_transformatory/2017-01-05-1151">https://electric-220.ru/news/trekhfaznye\_transformatory/2017-01-05-1151</a>